

Límites infinitos.

I. Calcular los límites siguientes:

1. Para $f(x) = \frac{1}{x}$, calcular:

a. $\lim_{x \rightarrow 0^-} f(x)$,

b. $\lim_{x \rightarrow 0^+} f(x)$,

c. $\lim_{x \rightarrow 0} f(x)$.

s d 47

2. Para $f(x) = \frac{-3}{x+2}$, calcular:

a. $\lim_{x \rightarrow -2^-} f(x)$,

b. $\lim_{x \rightarrow -2^+} f(x)$,

c. $\lim_{x \rightarrow -2} f(x)$.

s d 48

3. Para $f(x) = \frac{x-1}{x-2}$, calcular:

a. $\lim_{x \rightarrow 2^-} f(x)$,

b. $\lim_{x \rightarrow 2^+} f(x)$,

c. $\lim_{x \rightarrow 2} f(x)$.

s d 49

4. Para $f(x) = \frac{3x}{x^2-1}$, calcular:

a. $\lim_{x \rightarrow -1^-} f(x)$,

c. $\lim_{x \rightarrow 1^-} f(x)$,

b. $\lim_{x \rightarrow -1^+} f(x)$,

d. $\lim_{x \rightarrow 1^+} f(x)$.

s d 50

5. Para $f(x) = \frac{1}{x} + \frac{1}{|x|}$, calcular:

a. $\lim_{x \rightarrow 0^-} f(x)$,

b. $\lim_{x \rightarrow 0^+} f(x)$,

c. $\lim_{x \rightarrow 0} f(x)$.

s d 51

6. Para $f(x) = \frac{-5x}{(x^2 - 4)^2}$, calcular:

a. $\lim_{x \rightarrow -2^-} f(x)$,

c. $\lim_{x \rightarrow -2} f(x)$,

e. $\lim_{x \rightarrow 2^+} f(x)$,

b. $\lim_{x \rightarrow -2^+} f(x)$,

d. $\lim_{x \rightarrow 2^-} f(x)$,

f. $\lim_{x \rightarrow 2} f(x)$.

s **d** 52

7. De acuerdo con la teoría de la relatividad, la masa m de un objeto que viaja a una velocidad v , está dada por

$$m = \frac{m_0}{\sqrt{1 - \frac{v^2}{c^2}}},$$

donde m_0 es la masa del objeto en reposo y c es la velocidad de la luz.

a. Explicar qué ocurre cuando v se acerca a la velocidad de la luz.

b. Explicar por qué sólo tiene sentido calcular $\lim_{v \rightarrow c^-} m$.

s **d** 117

8. $\lim_{s \rightarrow 2^+} \left(\frac{1}{s-2} - \frac{3}{s^2-4} \right)$.

s **d** 130

9. $\lim_{x \rightarrow 1^-} \frac{3x^2}{x^2-1}$.

s **d** 132

10. $\lim_{x \rightarrow 2^+} \frac{-x^2}{4-x^2}$.

s **d** 146