ECUACIONES DIFERENCIALES SEGUNDO EXAMEN PARCIAL E03000 97-O

(1) Sean las funciones:

$$x$$
, $|x|$ en $(-\infty, \infty)$

Probar si, en dicho intervalo son linealmente dependientes o linealmente independientes.

(2) Dada la ecuación diferencial

(1)
$$x^2y'' - 20y = 0$$
, $y_1 = x^{-4}$

Encontrar una segunda solución linealmente independiente a y_1 en I(x). (Si no recuerda correctamente la fórmula, utilizar el procedimiento general; pruebe que la función encontrada es solución de (1).

(3) Resolver la siguiente ecuación diferencial

$$y'' - 10y' + 25y = 2e^{5x} + 3x$$

(4) Se sabe que $y_1 = x^2$, $y_2 = x^3$, son un conjunto fundamental de soluciones de la ED

$$x^2y'' - 4xy' + 6y = \frac{1}{x}$$

Encontrar la solución general de ésta.